

Chapitre 5 : Suites numériques

Activité 1 (Listes de nombres) :

Compléter chacune des listes suivantes, puis expliquer à l'aide d'une formule comme celles-ci sont construites. Êtes-vous capable de donner le centième nombre de la liste ?

Liste 1 : 1 ; 3 ; 5 ; 7 ; 9

Liste 2 : 0 ; 7 ; 14 ; 21 ; 28

Liste 3 : 0 ; 1 ; 4 ; 9 ; 16 ; 25

Liste 4 : 1 ; 3 ; 9 ; 27 ; 91

Liste 5 : 1 ; 3 ; 7 ; 15 ; 31 ; 63

Liste 6 : 1 ; 1 ; 2 ; 4 ; 7 ; 11 ; 16

Liste 7 : 1 ; 1 ; 2 ; 3 ; 5 ; 8 ; 13

Activité 2 (Suite de carreaux) : On note c_n le nombre de carreaux dans la figure numéro n .

Figure 1



Figure 2



Figure 3

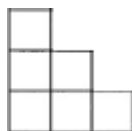
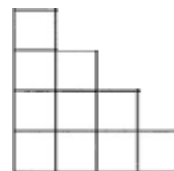
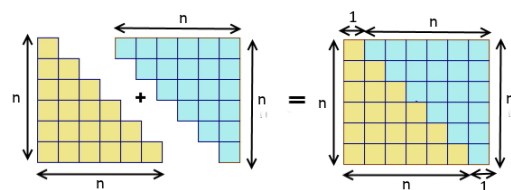


Figure 4



etc.

- 1) Déterminer $c_1 c_2 c_3 c_4 c_5$
- 2) Compléter la suite de nombre $(c_n) = (1 ; 3 ; 6 ; 10 ; \quad ; \quad ; \quad ; \quad ; \dots)$
- 3) Quelle est la relation entre un terme et le suivant ?
- 4) A l'aide du dessin ci-contre exprimer c_n en fonction de n .
- 5) Combien y a-t-il de carreaux dans la figure n°100 ?



Activité 3 (Diagonales) : Pour tout $n \geq 3$, on note d_n le nombre de diagonales dans un polygone à n côtés.



- 1) Déterminer $d_3 d_4 d_5 d_6$
- 2) Compléter la suite de nombre $(d_n) = (0 ; 2 ; 5 ; \quad ; \quad ; \quad ; \quad ; \dots)$
- 3) En déduire le nombre de diagonale d'un décagone ?
- 4) Combien y a-t-il de diagonales dans un polygone à 100 côtés ?



1 – Généralités

a. La notion de suite

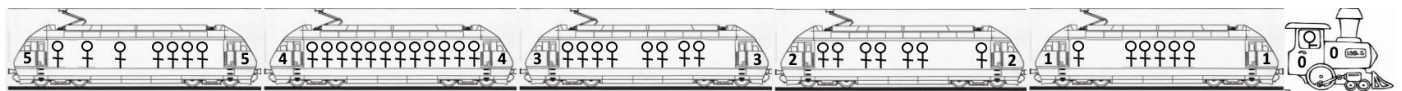
Rappel : On note \mathbb{N} l'ensemble des entiers naturels, c'est-à-dire $\mathbb{N} = \{0; 1; 2; 3; 4; 5; \dots\}$

Définition 1 : Une **suite numérique**, notée (u_n) , est une fonction définie sur \mathbb{N} (ou une partie de \mathbb{N}).
L'image d'un entier naturel n est notée u_n et est appelée le **terme de rang n** .

Remarque :

- Une suite est une fonction dont la **variable** n est un entier positif ou nul.
- On peut voir une suite comme une **liste indexée** de nombres.

Exemple 1 : On note p_n le nombre de personnes dans le $n^{\text{ème}}$ wagon du train.



n	0	1	2	3	4	5
p_n	1	6	7	8	12	7

Exemple 2 : Soit (d_n) la suite des décimales du nombre π . On peut écrire $(d_n) = (3; 1; 4; 1; 5; 9; 2; \dots)$.

Les premiers termes sont $d_0 = 3, d_1 = 1, d_2 = 4$, etc.

b. Mode de génération d'une suite

Définition 2 : On peut définir une suite de deux façons différentes :

- Par une **formule explicite** : $u_n = f(n)$.
- Par une **relation de récurrence**, à l'aide des deux données suivantes :
 - Le premier terme u_0 .
 - Une relation qui définit chaque terme en fonction des précédents : $u_{n+1} = f(u_n)$.

Exemple 3 : Soit (u_n) la suite définie pour tout entier naturel n par $u_n = n^2 + 2n - 5$

On a $u_n = f(n)$ avec $f(x) = x^2 + 2x - 5$. Calculons les premiers termes de la suite :

$$u_0 = f(0) = 0^2 + 2 \times 0 - 5 = -5$$

$$u_1 = f(1) = 1^2 + 2 \times 1 - 5 = -2$$

$$u_2 = f(2) = 2^2 + 2 \times 2 - 5 = 3$$

$$u_3 = f(3) = 3^2 + 2 \times 3 - 5 = 10$$

Remarque : Pour calculer un terme de la suite, il suffit de remplacer n par le rang souhaité dans la formule.

Exemple 4 : Soit (v_n) la suite définie pour tout entier naturel n par $\begin{cases} v_0 = 1 \\ v_{n+1} = 2v_n + 1 \end{cases}$

La suite (v_n) est définie par une relation de récurrence. Calculons les premiers termes de la suite :

$$v_1 = 2 \times v_0 + 1 = 2 \times 1 + 1 = 3$$

$$v_2 = 2 \times v_1 + 1 = 2 \times 3 + 1 = 7$$

$$v_3 = 2 \times v_2 + 1 = 2 \times 7 + 1 = 15$$

Remarque : Pour calculer un terme de la suite, il faut calculer tous les termes précédents.

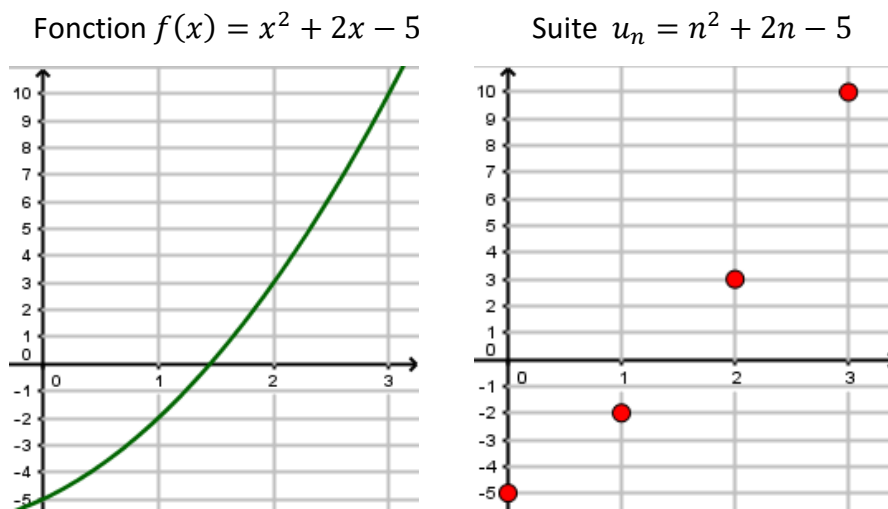


c. Représentation d'une suite

Définition 2 : La représentation graphique d'une suite (u_n) , est l'ensemble des points de coordonnées $(n; u_n)$.

Remarque : La représentation graphique d'une fonction est une courbe alors que la représentation graphique d'une suite est un ensemble de points

Exemple 5 : Représentation graphique de la suite (u_n)



d. Calcul des termes à l'aide d'un algorithme

Il est possible de générer les termes d'une suite à l'aide d'un algorithme

Exemple 6 : Ecrire un algorithme qui calcule et affiche les 100 premiers termes de la suite (u_n)

Algorithme

```
Variables : u
Pour n allant de 0 à 99
  u ← n2 + 2n - 5
  Afficher u
Fin Pour
```

Exécution

- 1^{er} tour de boucle : $n \leftarrow 0$
 $u \leftarrow 0^2 + 2 \times 0 - 5 = -5$
« -5 » (On affiche u_0)
- 2^{eme} tour de boucle : $n \leftarrow 1$
 $u \leftarrow 1^2 + 2 \times 1 - 5 = -2$
« -2 » (On affiche u_1) etc.

Exemple 7 : Ecrire un algorithme qui calcule et affiche les 100 premiers termes de la suite (v_n)

Algorithme

```
Variables : v
v ← 1
Afficher v
Pour n allant de 1 à 99
  v ← 2v + 1
  Afficher v
Fin Pour
```

Exécution

- $v \leftarrow 1$
« 1 » (On affiche v_0)
- 1^{er} tour de boucle : $n \leftarrow 0$
 $v \leftarrow 2 \times 1 + 1 = 3$
« 3 » (On affiche v_1)
- 2^{eme} tour de boucle : $n \leftarrow 1$
 $v \leftarrow 2 \times 3 + 1 = 7$
« 7 » (On affiche v_2) etc.



2 – Sens de variation

Activité 4 : (Sens de variation)

1) Soit la suite (u_n) définie pour tout $n \in \mathbb{N}$ par $u_n = n^2$

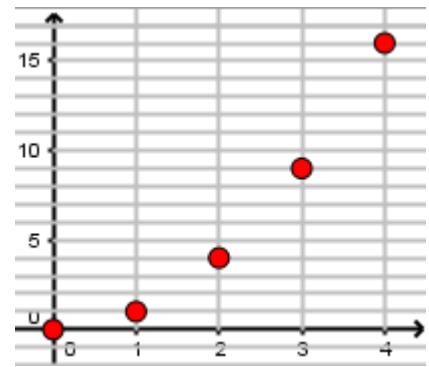
On a : $(u_n) = (0; 1; 4; 9; 16; 25; \dots)$

Chaque terme est plus **grand** que le précédent :

Pour tout rang n on a : $u_{n+1} \geq u_n$.

La représentation graphique de (u_n) **monte**.

On dit que la suite (u_n) est **croissante**.



2) Soit la suite (v_n) définie pour tout $n \in \mathbb{N}$ par $v_n = \frac{1}{n+1}$

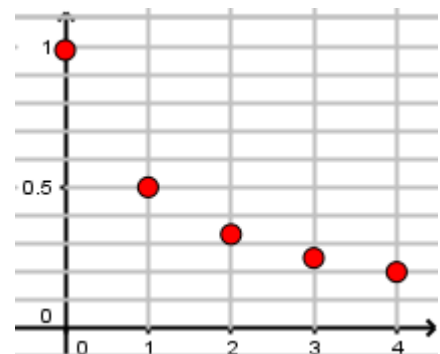
On a : $(v_n) = (1; \frac{1}{2}; \frac{1}{3}; \frac{1}{4}; \frac{1}{5}; \dots)$

Chaque terme est plus **petit** que le précédent :

Pour tout rang n on a : $v_{n+1} \leq v_n$.

La représentation graphique de (v_n) **descend**.

On dit que la suite (v_n) est **décroissante**.



3) Soit la suite (w_n) définie pour tout $n \in \mathbb{N}$ par $\begin{cases} w_0 = 1 \\ w_{n+1} = 2w_n - 1 \end{cases}$

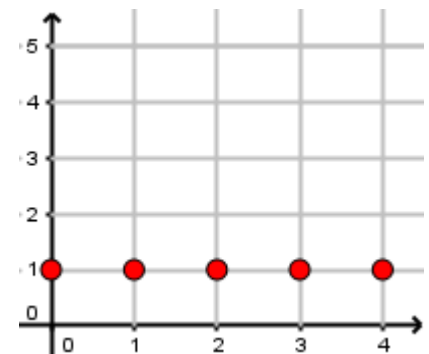
On a : $(w_n) = (1; 1; 1; 1; 1; \dots)$

Chaque terme est **égal** au précédent :

Pour tout rang n on a : $w_{n+1} = w_n$.

La représentation graphique de (w_n) **est stable**.

On dit que la suite (w_n) est **constante**.



Définition 3 :

- Une suite (u_n) est dit **croissante** si chaque terme est plus grand que le précédent, c'est-à-dire pour tout rang n , on a $u_{n+1} \geq u_n$.
- Une suite (u_n) est dit **décroissante** si chaque terme est plus petit que le précédent, c'est-à-dire pour tout rang n , on a $u_{n+1} \leq u_n$.
- Une suite (u_n) est dit **constante** si chaque terme est égal au précédent, c'est-à-dire pour tout rang n , on a $u_{n+1} = u_n$.



Propriété 1 : Le sens de variation d'une suite (u_n) définie sur \mathbb{N} par $u_n = f(n)$ est le même que celui de la fonction f sur $[0, +\infty[$.

Exemple 8 : Soit la suite (u_n) définie pour tout $n \in \mathbb{N}$ par $u_n = n^2$

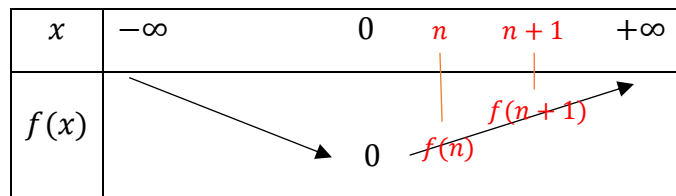
On a $u_n = f(n)$ où f est la fonction définie par $f(x) = x^2$

Or, la fonction carré est croissante sur $[0; +\infty[$

Donc, pour tout entier naturel n , on a $f(n + 1) \geq f(n)$

Donc, pour tout entier naturel n , on a $u_{n+1} \geq u_n$

Donc la suite (u_n) est croissante



Propriété 2 : Soit (u_n) une suite numérique

- Si pour tout rang n , on a $u_{n+1} - u_n \geq 0$ alors la suite est croissante
- Si pour tout rang n , on a $u_{n+1} - u_n \leq 0$ alors la suite est décroissante

Exemple 9 : Soit la suite (u_n) définie pour tout $n \in \mathbb{N}$ par $u_n = n^2$

Pour tout rang n , on a $u_{n+1} - u_n = (n + 1)^2 - n^2 = n^2 + 2n + 1 - n^2 = 2n + 1 > 0$

En effet, si $n > 0$ alors $2n > 0$ et donc $2n + 1 > 0$.

Ainsi pour tout rang n , on a $u_{n+1} - u_n > 0$ c'est-à-dire $u_{n+1} > u_n$.

Donc la suite (u_n) est croissante.

Exemple 10 : Soit la suite (v_n) définie pour tout $n \in \mathbb{N}$ par $v_n = \frac{1}{n+1}$

Pour tout rang n , on a $v_{n+1} - v_n = \frac{1}{n+2} - \frac{1}{n+1} = \frac{(n+1)}{(n+2)(n+1)} - \frac{(n+2)}{(n+1)(n+2)} = \frac{(n+1)-(n+2)}{(n+1)(n+2)} = \frac{-1}{(n+1)(n+2)} < 0$

En effet, si $n > 0$ alors $n + 1 > 0$ et $n + 2 > 0$ donc $(n + 1)(n + 2) > 0$.

Le dénominateur est donc positif et le numérateur est négatif donc le quotient est négatif

Ainsi pour tout rang n , on a $v_{n+1} - v_n < 0$ c'est-à-dire $v_{n+1} < v_n$.

Donc la suite (v_n) est décroissante.



Suites numériques – Exercices

Suites logiques

1 Pour chacune des suites numériques suivantes trouver une formule permettant de calculer chaque terme en fonction de son rang.

- $(u_n) = (0; 2; 4; 6; 8; 10; \dots)$
- $(v_n) = (0; 1; 8; 27; 64; 125; \dots)$
- $(w_n) = (1; 10; 100; 1000; 10000; \dots)$
- $(x_n) = (0; \frac{1}{2}; \frac{2}{3}; \frac{3}{4}; \frac{4}{5}; \frac{5}{6}; \dots)$

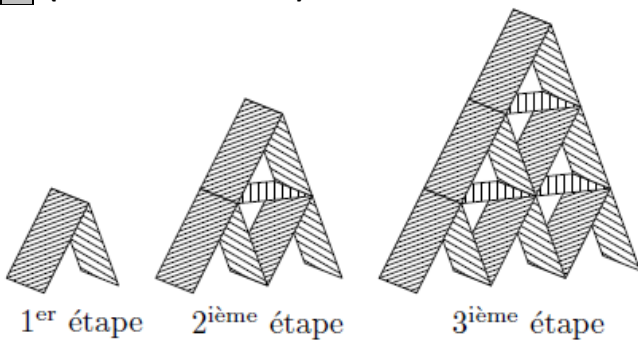
2 Pour chacune des suites numériques suivantes trouver une formule permettant de calculer chaque terme en fonction du terme précédent

- $(u_n) = (1; 5; 9; 13; 17; 21; \dots)$
- $(v_n) = (1; 5; 25; 125; 625; \dots)$
- $(w_n) = (1; 0.1; 0.01; 0.001; 0.0001; \dots)$
- $(x_n) = (0; 1; 11; 111; 1111; 11111; \dots)$

3 Compléter chacune des suites suivantes

- $(u_n) = (0; 1; 2; 5; 26; 677; \dots)$
- $(v_n) = (0; 0; 2; 6; 12; 20; 30; \dots)$
- $(w_n) = (1; \frac{1}{2}; \frac{2}{3}; \frac{3}{5}; \frac{5}{8}; \frac{8}{13}; \dots)$
- $(x_n) = (2; 3; 5; 7; 11; 13; \dots)$

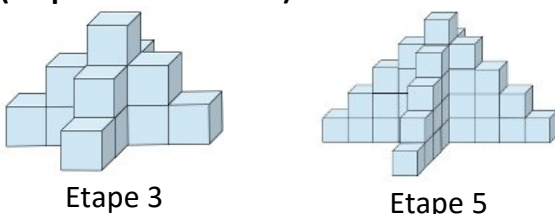
4 (Château de cartes)



On note c_n le nombre de cartes à la $n^{\text{ème}}$ étape

- Déterminer c_1 c_2 c_3 c_4 et c_5 .
- Compléter la suite (c_n)
- Combien y a-t-il de cartes à la 10^e étape ?
- Combien d'étage peut-on faire avec un jeu de tarot (78 cartes)

5 (Empilement de cube)



Combien y a-t-il de cube à l'étape 10 ?

Mode de génération & Sens de variation

6 Pour chacune des suites numériques suivantes calculer le terme de rang 3

- $u_n = 2n^2 - 3n + 5$
- $\begin{cases} v_0 = 1 \\ v_{n+1} = v_n^2 + 2v_n \end{cases}$
- $\begin{cases} w_0 = -1 \\ w_{n+1} = w_n + 2n \end{cases}$

7 On considère la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = x^2 + x + 1$. Soit (u_n) la suite définie pour tout $n \geq 0$ par $u_n = f(n)$.

- Exprimer u_n en fonction de n .
- Calculer les 3 premiers termes de la suite.
- Exprimer en fonction de n .
a. u_{n+1} b. $u_n + 1$ c. u_{2n} d. u_{2n+1}

8 On considère la suite (u_n) définie pour tout rang n par $u_n = -n^2 + 3n - 7$.

- Exprimer en fonction de n :
- u_{n+1} b. $u_n + 1$ c. u_{2n} d. u_{2n+1}

9 Soit (u_n) la suite définie pour tout $n \in \mathbb{N}$ par $u_n = 2n^2 + n - 3$.

- Quel est le mode de génération de la suite (u_n) ?
- Calculer les 3 premiers termes de la suite (u_n) .
- Représenter la suite (u_n) dans un repère.
- Conjecturer le sens de variation de la suite (u_n) .
- Déterminer votre conjecture.

10 Soit (u_n) la suite définie pour tout $n \in \mathbb{N}$ par $u_0 = 2$ et $u_{n+1} = u_n - 2n$

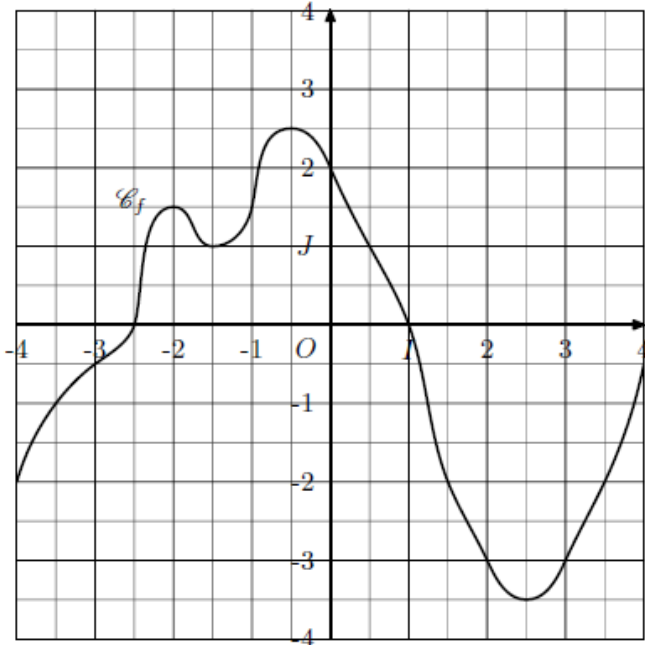
- Quel est le mode de génération de la suite (u_n) ?
- Calculer les 3 premiers termes de la suite (u_n) .
- Représenter la suite (u_n) dans un repère.
- Conjecturer le sens de variation de la suite (u_n) .
- Déterminer votre conjecture.

11 Déterminer par le calcul le sens de variation des suites suivantes :

- Pour tout $n \geq 0$, $u_n = 3n + 5$
- Pour tout $n \geq 0$, $u_n = 2n^2 - n + 4$
- Pour tout $n \geq 0$, $u_n = n^3$
- $\begin{cases} u_0 = -1 \\ u_{n+1} = u_n + 2n + 1 \end{cases}$
- Pour tout $n \geq 0$, $u_n = -n^2 - 2n + 5$
- Pour tout $n \geq 0$, $u_n = \sqrt{n}$
- Pour tout $n \geq 1$, $u_n = 1 + \frac{1}{n}$



12 On considère la fonction f définie sur $[-4 ; 4]$ par la courbe donnée ci-dessous :



On considère la suite (u_n) définie par la relation :

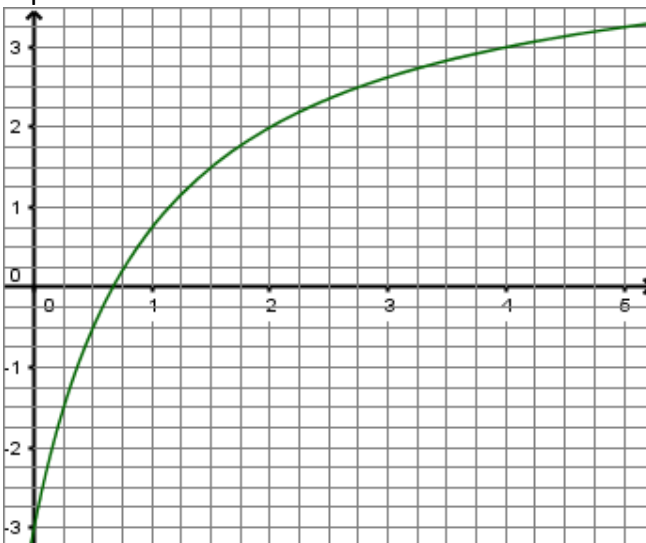
$$u_0 = 2 \text{ et } u_{n+1} = f(u_n)$$

1) Compléter le tableau suivant :

n	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
u_n										

2) Représenter dans un repère la suite (u_n)

13 On considère la fonction f définie sur $[0 ; +\infty[$ par $f(x) = \frac{9x-6}{2x+2}$ dont on a tracé la courbe représentative ci-dessous.



On considère les suites (u_n) et (v_n) définies par :

• Pour tout $n \geq 0$, $u_n = f(n)$

• $v_0 = 5$ et $v_{n+1} = f(v_n)$

1) Sur le graphique ci-dessus représenter en rouge la suite (u_n) et en bleu la suite (v_n)

2) Que pensez du sens de variation des suites (u_n) et (v_n) ?

Algorithmique

14 On dispose des deux algorithmes suivants :

Algorithme 1
 Pour n allant de 0 à 5
 u prend la valeur $n^2 + 5n$
 Afficher u
 Fin Pour

Algorithme 2
 u prend la valeur -1
 Afficher u
 Pour n allant de 1 à 5
 u prend la valeur $u^2 + 5u$
 Afficher u
 Fin Pour

1) Pour chacun de ces deux algorithmes :

a. Exécuter-le.

b. Que calcule-t-il ?

2) Écrire un algorithme qui calcule et affiche les dix premiers des suites

a. $u_n = \sqrt{n+1}$

b. $v_0 = 1$ et $v_{n+1} = 2v_n + n$

15 On considère l'algorithme suivant

Algorithme
 Saisir n
 $S \leftarrow 0$
 Pour i allant de 1 à n
 $S \leftarrow S + i$
 Fin Pour
 Afficher S

1) Exécuter cet algorithme avec $n = 5$.

2) Que calcule cet algorithme ?

3) Proposer un algorithme permettant de calculer la somme des 100 premiers nombres impairs.

16 (Suite de Fibonacci)

On appelle suite de Fibonacci la suite (u_n) définie de la façon suivante :

$$u_0 = 1 ; u_1 = 1 \text{ et } u_{n+2} = u_{n+1} + u_n$$

1) Calculer les premier termes de la suite de Fibonacci

2) Proposer un algorithme permettant de calculer le terme de rang 100 de cette suite.



On considère la suite u arithmétique de premier terme $u_0 = -4$ et de raison $0,8$ et la suite v géométrique de premier terme $v_0 = 0,1$ et de raison $-1,5$.



- 1) Donner l'expression de u_n et v_n en fonction de n et en déduire le calcul des 15 premiers termes de chaque suite.
- 2) Donner les relations de récurrence vérifiées par les suites u et v . En déduire, par une autre méthode, le calcul des 15 premiers termes de chaque suite.
- 3) Afficher les valeurs u_{31} et v_{25} .
- 4) Représenter graphiquement les suites u et v par un nuage de points.



Accès au mode suites

Touche MENU icône



Appuyer sur **EXE**

La calculatrice note a_n et b_n les deux suites au lieu de u_n et v_n .



1) En utilisant le terme général

On a $a_n = -4 + 0,8n$ et $b_n = 0,1 \times (-1,5)^n$

- On obtient l'écran suivant.

Sélectionner le sous-menu TYPE (touche **F3**) et choisir l'instruction a_n (touche **F1**).

Introduire la suite a . Pour la variable n , utiliser l'instruction n (touche **F4**) Valider avec la touche **EXE**.

Même opération pour la suite b Valider avec la touche **EXE**.

→ *Commentaire : Les suites a et b sont ici définies par une relation explicite, la donnée de a_0 et b_0 n'est donc pas obligatoire.*

- Régler les paramètres de la table comme sur l'écran ci-contre

Instruction **RANG** (touche **F5**).

- Afficher la table de valeurs

Instruction **TABLE** (touche **F6**).

```
Recursion
an+1:
bn+1:
[SEL] [DEL] [TYPE] [LINK] [RANG] [TABL]
```

```
Select Type
F1:an=A+n*B
F2:an+1=A+n*B+C
F3:an+2=A+n*B+C+...
[an] [an+1] [an+2]
```

```
Recursion
an=-4+0.8
bn=0.1X(-1.5)^n
[SEL] [DEL] [TYPE] [RANG] [TABL]
```

```
Table Range n
Start:0
End:14
```

n	an	bn
0	-3.2	0.1
1	-3.2	-0.15
2	-3.2	0.225
3	-3.2	-0.337

[FORM] [DEL] [F-COR] [G-PLT]

2) En utilisant la relation de récurrence

On a $u_{n+1} = u_n + 0,8$ soit $a_{n+1} = a_n + 0,8$
et $v_{n+1} = v_n \times (-1,5)$ soit $b_{n+1} = b_n \times (-1,5)$

- Sélectionner le sous-menu **TYPE** (touche **F3**) et choisir l'instruction a_{n+1} (touche **F2**).

Introduire les deux relations de récurrence : utiliser l'instruction na_n (touche **F4**) et choisir a_n (touche **F2**) et b_n (touche **F3**).

Valider avec la touche **EXE**.

- Régler les paramètres de la table comme ci-contre.

- Afficher la table de valeurs comme ci-contre.

```
Recursion
an+1=A+n*B+0.8
bn+1=BnX(-1.5)
[SEL] [DEL] [TYPE] [LINK] [RANG] [TABL]
```

```
Table Range n+1
Start:0
End:14
an: -4
bn: 0.1
anStr:0
bnStr:0
[an] [an+1]
```

n+1	an+1	bn+1
0	-4	0.1
1	-3.2	-0.15
2	-2.4	0.225
3	-1.6	-0.337

[FORM] [DEL] [F-COR] [G-PLT]



3) Représentation graphique

• Régler la fenêtre d'affichage :

instruction **V-Window** (touches **SHIFT F3**).

Régler les paramètres d'affichage comme sur les écrans ci-contre.

Touches **▲** et **▼** pour passer d'une ligne à l'autre.

Puis touche **EXIT** puis instruction **TABL** (touche **F6**).

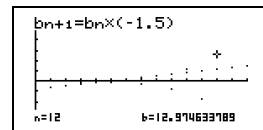
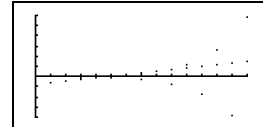
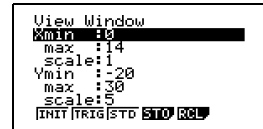
Puis choisir **G-PLT** (touche **F6**).

On obtient la représentation ci-contre

• L'instruction **TRACE**. (touche **F1**) permet d'obtenir les coordonnées des points représentés.

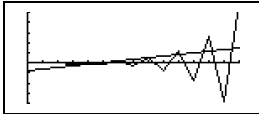
Les touches **◀** et **▶** permettent de passer d'un point à l'autre.

Les touches **▲** et **▼** permettent de passer d'une suite à l'autre.

⇒ **Commentaires**

☞ Cette fiche est conçue pour être utilisée dans toutes les classes de premières traitant des suites arithmétiques et géométriques même de façon très élémentaire.

⇒ **Problèmes pouvant être rencontrés**

Problème rencontré	Comment y remédier
Points reliés 	Dans le sous-menu TABL, sélectionner G-PLT

?

On considère la suite u arithmétique de premier terme $u_0 = -4$ et de raison $0,8$ et la suite v géométrique de premier terme $v_0 = 0,1$ et de raison $-1,5$.

1°) Donner l'expression de u_n et v_n en fonction de n et en déduire le calcul des 15 premiers termes de chaque suite.

2°) Pour les suites u et v , trouver la relation permettant de définir chaque terme à partir du précédent (relation de récurrence). En déduire une autre méthode calcul des 15 premiers termes de chaque suite.

3°) Afficher les valeurs u_{31} et v_{25} .

4°) Représenter graphiquement les suites u et v par un nuage de points.

?

Accès au mode suites

Touche **MODE**.

Choisir sur la troisième ligne **Seq** et appuyer sur **ENTER**.

Choisir sur la quatrième ligne **Dot** et appuyer sur **ENTER**.

```
Normal Sci Eng
Float 0123456789
Radian Degree
Func Par Pol Seq
Connected On
Sequential Simul
Real a+bi re^θt
Full Horiz G-T
```

1°) Utiliser le terme général

On a $u_n = -4 + 0,8n$ et $v_n = 0,1 \times (-1,5)^n$

• Touche **Y=**. On obtient l'écran suivant (saisir éventuellement n Min = 0). Introduire la suite u .

Pour la variable n , utiliser la touche **X, T, θ, n**.

Valider avec la touche **ENTER**. Même opération pour la suite v .

• Régler les paramètres de la table comme sur l'écran ci-contre Instruction **TBL SET** (touches **2nd** et **WINDOW**).

• Afficher la table de valeurs

Instruction **TABLE** (touches **2nd** et **GRAPH**).

→ Les suites u et v étant définies par une relation explicite, la donnée de $u(nMin)$ et de $v(nMin)$ n'est pas obligatoire.

⇔ i des valeurs de $u(nMin)$ et de $v(nMin)$ sont saisies, elles apparaissent dans la table sans conséquences sur les autres valeurs de u_n .

```
Plot1 Plot2 Plot3
nMin=0
u(n)=-4+0.8n
u(nMin)=
v(n)=
v(nMin)=
w(n)=
w(nMin)=
```

```
Graph1 Graph2 Graph3
nMin=0
u(n)=-4+0.8*n
u(nMin)=
v(n)=0.1*(-1.5)^n
v(nMin)=
w(n)=
```

```
TABLE SETUP
TblStart=0
ΔTbl=1
Indent: Auto Ask
Depend: Auto Ask
```

n	u(n)	v(n)
0	-4	.1
1	-3.2	.15
2	-2.4	.225
3	-1.6	.3375
4	-.8	.50625
5	0	.7594
6	.8	1.1391

n=0

2°) Utiliser la relation de récurrence

Sur la calculatrice il faut exprimer u_n en fonction de u_{n-1}

Ainsi, $u_{n+1} = u_n + 0,8$ devient $u(n) = u(n-1) + 0,8$

et $v_{n+1} = v_n \times (-1,5)$ devient $v(n) = v(n-1) \times (-1,5)$

• Touche **Y=** puis **CLEAR** pour effacer la suite déjà saisie.

Introduire les deux relations de récurrence :

→ n s'obtient avec la touche **X, T, θ, n**.

→ u et v s'obtiennent avec les touches **2nd** **7** ou **2nd** **8**.

Compléter $u(nMin)$ et de $v(nMin)$ par -4 et $0,1$. Valider avec **ENTER**.

• Régler les paramètres et afficher la table de valeurs la table comme ci-contre.

```
Plot1 Plot2 Plot3
nMin=0
u(n)=u(n-1)+0.8
u(nMin)=-4
v(n)=v(n-1)*(-1.5)
v(nMin)=.1
```

n	u(n)	v(n)
0	-4	.1
1	-3.2	.15
2	-2.4	.225
3	-1.6	.3375
4	-.8	.50625
5	0	.7594
6	.8	1.1391

n=0

3°) Afficher un terme de la suite

Retour à l'écran de calcul. Instruction **QUIT** (touches **2nd** et **MODE**).

Saisir les séquences suivantes :

2nd **7** (**3** **1**) **ENTER** et **2nd** **8** (**2** **5**) **ENTER**.

```
u(31)          20.8
v(25)          -2525.116829
```

4°) Représentation graphique

- Ouvrir la fenêtre d'affichage : Touche **WINDOW**.

Régler les paramètres comme sur les écrans ci-contre.

Touches **▲** et **▼** pour passer d'une ligne à l'autre.

Touche **GRAPH** pour obtenir la représentation ci-contre.

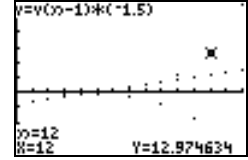
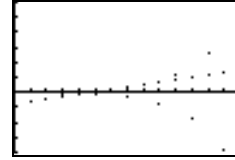
- La touche **TRACE** permet d'obtenir les coordonnées des points représentés.

Les touches **◀** et **▶** permettent de passer d'un point à l'autre.

Les touches **▲** et **▼** permettent de passer d'une suite à l'autre.

```
WINDOW
nMin=0
nMax=14
PlotStart=1
PlotStep=1
Xmin=0
Xmax=14
Xscl=1
```

```
WINDOW
PlotStep=1
Xmin=0
Xmax=14
Xscl=1
Ymin=-20
Ymax=30
Yscl=5
```



⇒ Problèmes pouvant être rencontrés

Problème rencontré	Comment y remédier
Valeur de u_0 incorrecte 	Touche Y= puis saisir la bonne valeur dans $u(nMin)$ (ou pour CLEAR effacer la valeur erronée).
	Les suites ont été saisies en mode fonction. La calculatrice trace une droite pour u et ne sait pas calculer v_x pour x réel.
Points reliés 	Touche MODE . Choisir sur la cinquième ligne Dot . et appuyer sur ENTER .

⇒ Commentaires

Cette fiche est conçue pour être utilisée dans toutes les classes de premières traitant des suites arithmétiques et géométriques même de façon très élémentaire.